

物 理

「解答上の注意」

問題に単位の指定がない場合、用いられる記号は SI (国際単位系) 単位に従っているものとする。各問い合わせに対する解答では { } 内に記号が示されている場合は、その記号のうち必要なものを用いて記せ。示されていない場合は、各問い合わせの指示に従って解答せよ。

第1問

図1に示すように、自然の長さが h_0 であり、ばね定数 k のばねの一端を床面に固定する。他端に質量 m のおもり1を取り付けると、ばねは自然の長さより縮んだ状態でつりあい、おもり1は静止した。この状態で質量 M のおもり2をおもり1の真上から静かに離す。重力加速度の大きさを g とする。ここで、運動は鉛直方向に限られ、ばねの質量、おもりの大きさや空気抵抗は無視できる。以下の問い合わせに答えよ。

問1 つりあった状態で静止しているときのおもり1の床面からの高さを h_1 とする。

h_1 を求めよ。{ h_0 , m , k , g }

問2 床面からの高さ h_2 からおもり2を静かに離した。おもり2がおもり1に衝突する直前の速さを求めよ。{ h_1 , h_2 , g }

問3 おもり1とおもり2は衝突後ひとつの物体となって運動した。この物体の衝突直後の速さを求めよ。{ M , m , h_1 , h_2 , g }

問4 衝突後、ひとつになった物体は、単振動の状態となった。この状態で速さが最大となるときのばねの長さを求めよ。{ M , m , h_0 , k , g }

また、導出過程を記述せよ。

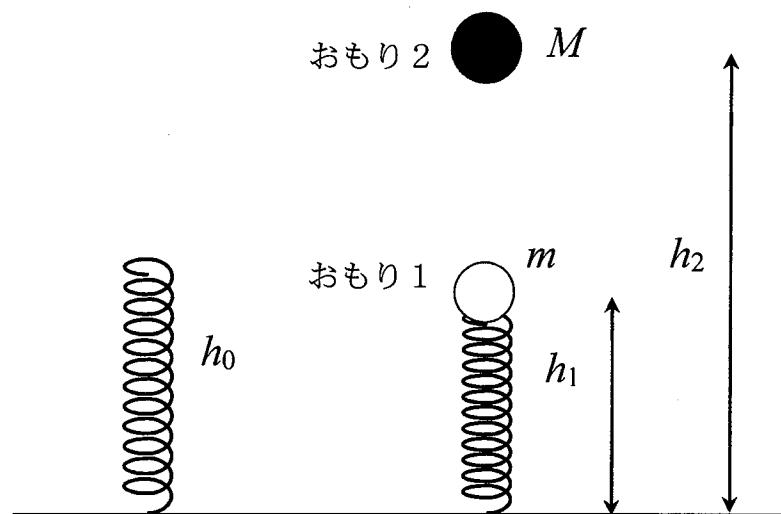


図1

第2問

キルヒ霍ッフの法則に関する以下の問い合わせよ。

問1 図2のような直流回路における各部分の電流 I_1 , I_2 , I_3 を考える。

- (1) キルヒ霍ッフの第1法則（電流に関する法則）から得られる、電流 I_1 , I_2 , I_3 の間の関係を表す式を書け。
- (2) ABEFA に沿ってキルヒ霍ッフの第2法則（電圧に関する法則）を適用して、電流 I_1 , I_2 の間の関係を表す式を書け。
- (3) ABCDEFA に沿ってキルヒ霍ッフの第2法則（電圧に関する法則）を適用して、電流 I_1 , I_3 の間の関係を表す式を書け。

次に、図3のようにBC間にスイッチを挿入し、BE間にあった抵抗をダイオードに交換した。このダイオードの両端の電圧が V_2 のとき、ダイオードを流れる電流 I_2 は図4に示すようになる。

問2 スイッチを開いた状態とする。

- (1) キルヒ霍ッフの法則を適用して、電圧 V_2 と電流 I_2 の関係式を求めるとともに、解答用紙にある図にその関係を作図せよ。
- (2) (1)の作図からダイオードに流れる電流 I_2 の値を求めよ。

問3 図3のBC間のスイッチを閉じた。

- (1) キルヒ霍ッフの法則を適用して、電圧 V_2 と電流 I_2 の関係式を求めるとともに、解答用紙にある図にその関係を作団せよ。
- (2) 回路の各部分の電流 I_1 , I_2 , I_3 の値を求めよ。

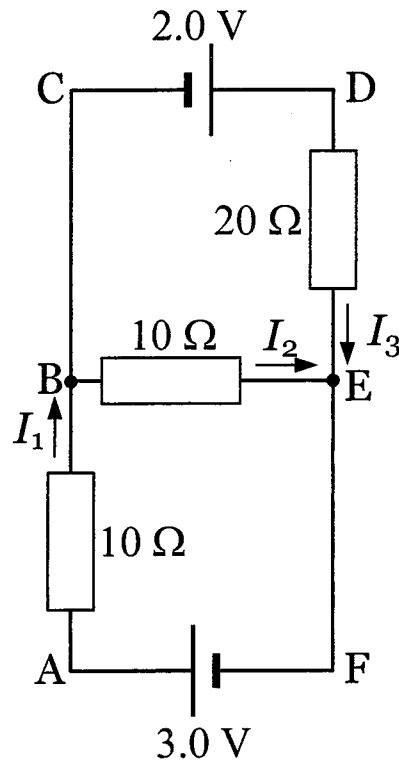


図2

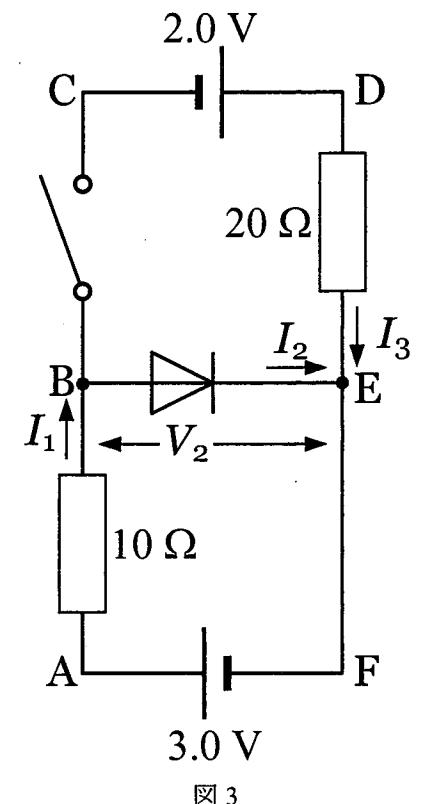


図3

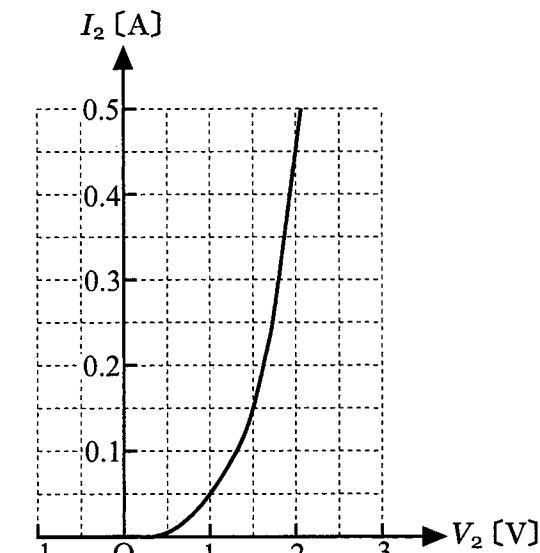


図4

第3問

(次のページにも問題があります。)

水面の波は、発生した瞬間に発生源から進み出す。発生源と観測者が静止しているときの波の速さを V 、波長を λ とする。以下の問いに答えよ。なお x 軸の正方向に伝わる波を x 軸の正の領域で観測する。

問1 波の発生源が速さ v_s で x 軸の正方向に移動するとき、波の 1 周期の間に波が

進む距離および発生源が進む距離を書け。ただし $v_s < V$ とする。{ λ, V, v_s }

問2 問1の条件において、静止している観測者から見た波の速さと波長を求めよ。

{ λ, V, v_s }

問3 問2で観測者が観測する振動数を求めよ。{ λ, V, v_s }

問4 波の発生源が静止し、観測者が速さ v_o で x 軸の正方向に移動するとき、観測

者から見た波の速さと波長を求めよ。ただし $v_o < V$ とする。{ λ, V, v_o }

問5 問4で観測者が観測する振動数を求めよ。{ λ, V, v_o }

第4問

図5のように、断熱材でできた断面積の等しい円筒容器AとBが細管でつながれ、鉛直に固定されている。容器の中には液体が入っている。容器A内には、ヒーターと断熱材でできたなめらかに動くピストンがあり、単原子分子の理想気体が閉じ込められている。容器Bの上端は大気に開放されている。容器の断面積をS、大気圧を p_0 、液体の密度を ρ 、重力加速度の大きさを g とする。ピストンの厚みと質量および細管の影響は無視できる。以下の問い合わせに答えよ。

最初、図5のように、容器Aと容器Bの液面の高さは同じであり、容器A内の理想気体の圧力は p_0 、体積は V_0 であった。この状態を状態0とする。

問1 容器A内にある理想気体の内部エネルギーを求めよ。 $\{p_0, V_0\}$

状態0からヒーターで理想気体をゆっくり加熱すると、図6に示すように、理想気体の体積が ΔV だけ増加した。この状態を状態1とする。

問2 容器Aと容器Bの液面差を答えよ。 $\{\Delta V, S\}$

問3 液面差を考慮して、理想気体の圧力を求めよ。 $\{p_0, \Delta V, \rho, S, g\}$

問4 状態0から状態1への過程を解答用紙のグラフに描け。グラフの横軸と縦軸に、状態0と状態1における理想気体の体積と圧力を記入せよ。また、変化の方向をグラフ上に矢印で示せ。

問5 状態0から状態1への過程において、理想気体がした仕事を求めよ。

$$\{p_0, \Delta V, \rho, S, g\}$$

問6 状態0から状態1への過程における液体の位置エネルギーの変化を求めよ。

$$\{\Delta V, \rho, S, g\}$$
 また、導出過程を記述せよ。

問7 問5で求めた仕事と問6で求めた位置エネルギーの変化は等しくない。この理由を簡潔に述べよ。

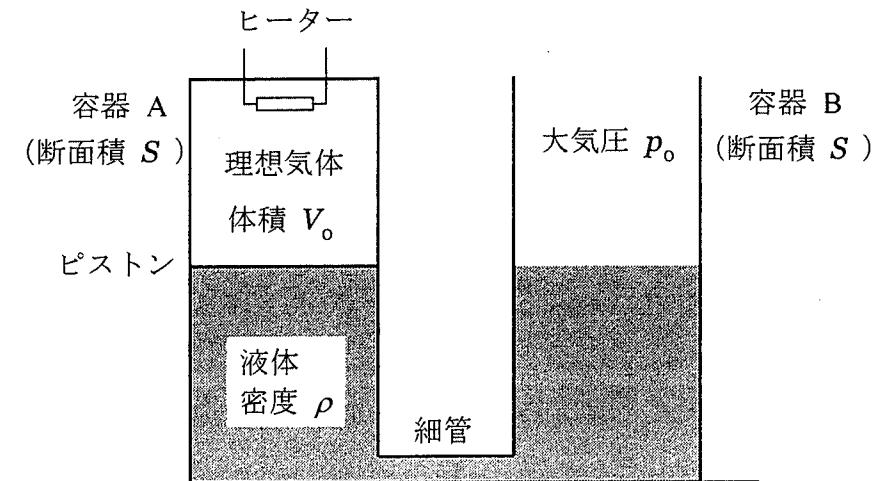


図5 状態0

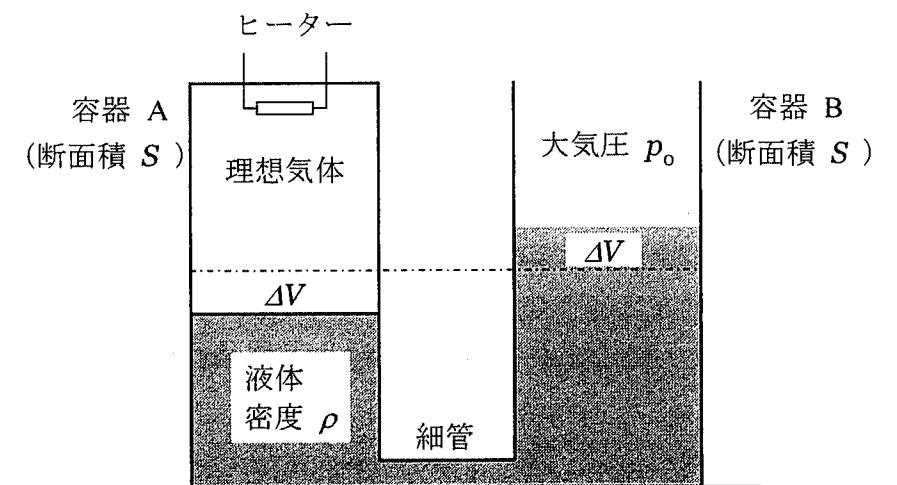


図6 状態1